

11. Merenje aktivne i reaktivne energije

11. Merenje aktivne i reaktivne energije

- ❖ Na osnovu merenja aktivne i reaktivne energije se vrši:
 - obračun proizvodnje i potrošnje električne energije,
 - naplata utrošene energije,
 - procena gubitaka u elektroenergetskom sistemu,
 - planiranje pogona i razvoja elektroenergetskog sistema,

- ❖ Osnovna jedinica za energiju je:

$$1 \text{ J} = 1 \text{ Ws}$$

$$1 \text{ kilovatčas} = 1[kWh]$$

$$1kWh = 1 \cdot 1000 \cdot 3600[Ws] = 3,6 \cdot 10^6[Ws]$$

$$[MWh] = 10^3[kWh] = 10^6[Wh]$$

$$[GWh] = 10^6[kWh] = 10^9[Wh]$$

$$[TWh] = 10^9[kWh] = 10^{12}[Wh]$$

11. Merenje aktivne i reaktivne energije

❖ Ako je srednja snaga potrošača:

$$P = \frac{1}{T} \int_0^t p(t) dt = \frac{1}{T} \int_0^t u(t) i(t) dt$$

❖ Tada je utrošena energija u vremenu t:

$$W = \frac{1}{T} \int_0^t P(t) dt$$

❖ Za konstantnu snagu P dobija se da je:

$$W = P \cdot t$$

- Za ovaj slučaj dovoljno je imati vatmetar i štopericu.
- ❖ U praksi, snaga potrošača se menja, merenje se vrši stalno, za velike vremenske periode.
- ❖ Zato se za merenje električne energije koriste posebni merni uređaji koji vrše integraciju izraza $P(t) dt$. To su električna brojila.

11. Merenje aktivne i reaktivne energije

- ❖ Postoje dva tipa električnih brojila:
 - Digitalna
 - Indukciona

- ❖ U teorijskom delu o indukcionim instrumentima objašnjeno je →
 - aktivni momenat je posledica uzajamnog dejstva:
 - fluksa strujnog kalema i vrtložnih struja koje su posledica fluksa naponskog kalema,
 - fluksa naponskog kalema i vrtložnih struja koje su posledica fluksa strujnog kalema.
 - otporni momenat je u najvećoj meri posledica dejstva fluksa stalnog magneta na vrtložne struje kalemova.

11. Merenje aktivne i reaktivne energije

❖ Relacije su:

- aktivni momenat je linearna funkcija snage:

$$M_a = c_1 \cdot P$$

- otporni momenat je linearna funkcija brzine obrtanja diska:

$$M_o = c_2 \cdot \omega$$

❖ Tada je za konstantnu brzinu obrtanja ω :

$$c_1 \cdot P = c_2 \cdot \omega$$

$$c_1 \int_0^t P dt = c_2 \int_0^t \omega dt = c_2 \int_0^t \frac{d\alpha}{dt} dt = c_2 \int_0^t d\alpha$$

$$c_1 W = c_2 \alpha = c_2 2\pi N$$

$$W = \frac{c_2}{c_1} 2\pi N = k_b N \quad k_b \left[\frac{Ws}{ob} \right]$$

gde su:

k_b konstanta brojila, a
 N broj obrtaja brojila u nekom
vremenu t.

11. Merenje aktivne i reaktivne energije

❖ Konstanta brojila se obično daje u $k_b \left[\frac{Ws}{ob} \right]$ i dobija se iz podatka koji uvek piše na brojilu.

- indukciona $X [obrtaja] = 1 kWh$

- digitalna $X [impulsa] = 1 kWh$

❖ Za indukciona brojila

$$k_b = \frac{3,6 \cdot 10^6}{X} \left[\frac{Ws}{ob} \right] = \frac{1}{X} \left[\frac{kWh}{ob} \right]$$

- Srednja snaga koju meri brojilo u nekom periodu vremena je:

$$P_b = k_b \frac{N}{t}$$

gde su:

N - broj obrtaja diska brojila u nekom vremenu t ,

k_b - konstanta brojila.

11. Merenje aktivne i reaktivne energije

❖ Za digitalna brojila

$$k_b = \frac{3,6 \cdot 10^6}{X} \left[\frac{Ws}{impulu} \right] = \frac{1}{X} \left[\frac{kWh}{impulu} \right]$$

- Odgovarajuća srednja snaga je

$$P_b = k_b \frac{N}{t}$$

gde je N broj impulsa registrovan u nekom vremenu t .

Primer:

Na jednom indukcionom brojilu su podaci:

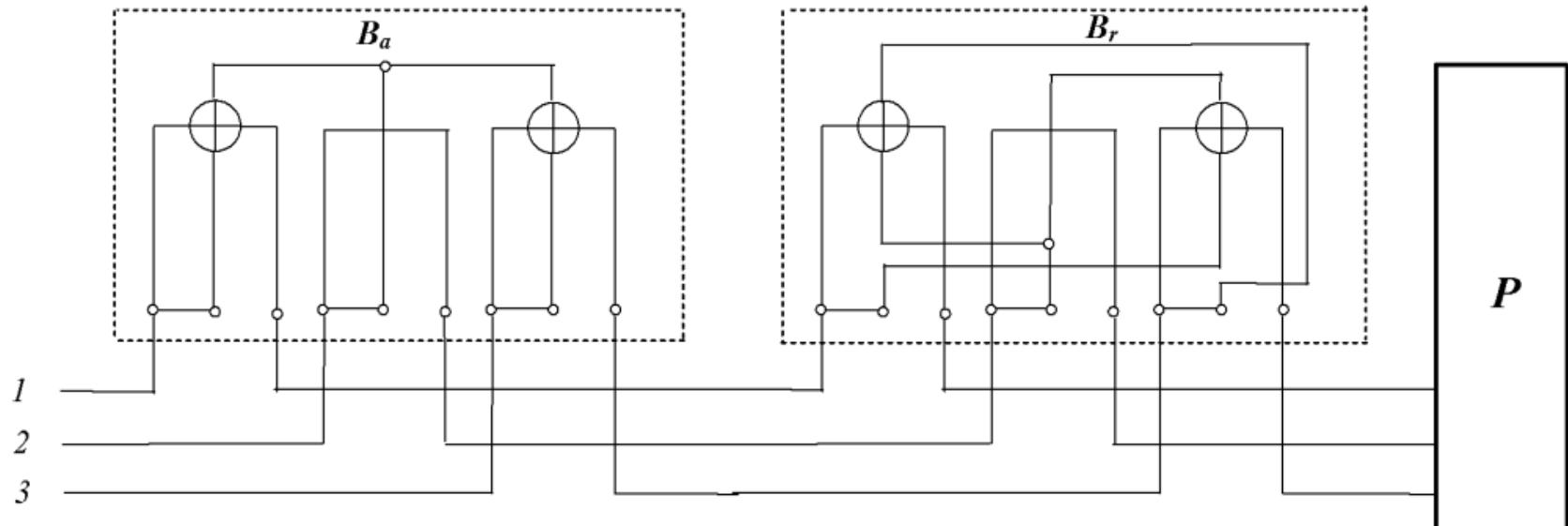
$$1kWh = 2400 obr$$

$$10^3 \cdot 3,6 \cdot 10^3 Ws = 2400 obr$$

$$k_b = \frac{3,6 \cdot 10^6}{2400} \left[\frac{Ws}{ob} \right] = 1500 \left[\frac{Ws}{ob} \right]$$

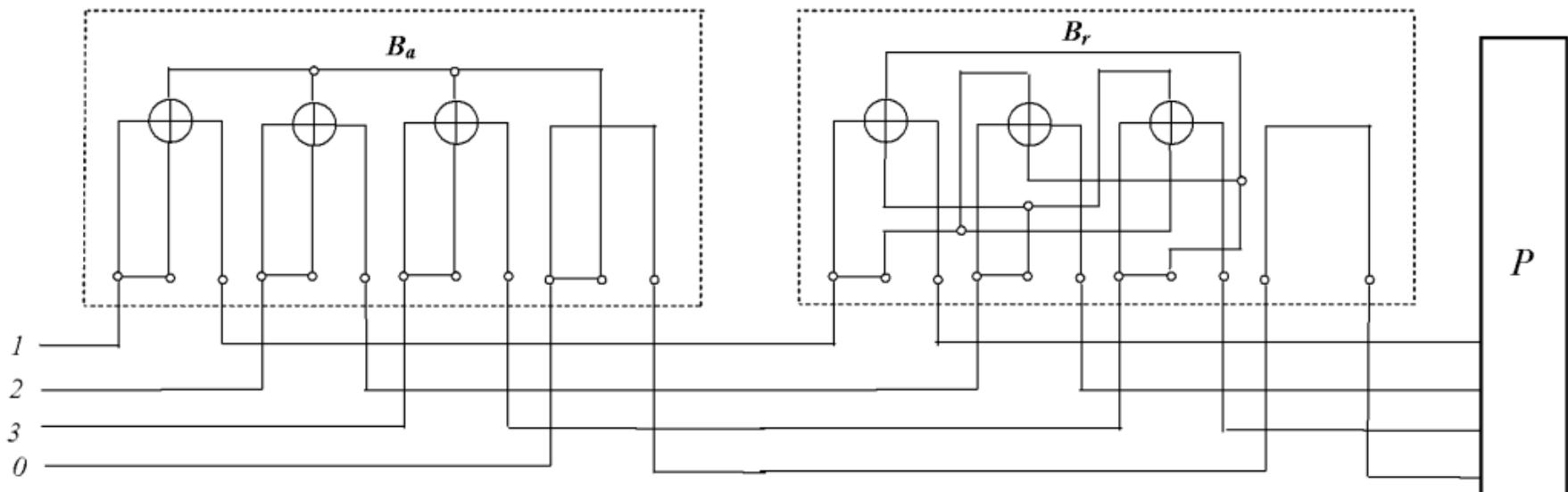
11.1. Merenje aktivne i reaktivne energije u trofaznom trožičnom sistemu

- ❖ Šeme brojila su date kod indukcionih instrumenata.
- ❖ Šema vezivanja brojila za merenje aktivne i reaktivne energije u trofaznom trožičnom sistemu je prikazana na slici.



11.2. Merenje aktivne i reaktivne energije u trofaznom četvorožičnom sistemu

- ❖ Šema vezivanja brojila za merenje aktivne i reaktivne energije u trofaznom četvorožičnom sistemu je prikazana na slici.



Hvala Vam na pažnji